

# 帝京大学医学部数学2024

各問題とその解の難易レベル

絶対に死守しろ!! ◎ ココで差がつか!! ☆  
できる所までがんばれ □ こんな解くな!! ☆

2科目合わせて120分だから必ず  
数学の試験時間は60分  
① 大問 微分・積分 (答えのみ)  
② 小問 2問 (答えのみ)  
③ 小問 2問 (答えのみ)  
④ 小問 2問 (答えのみと記述)

[1] 放物線  $y = x^2 - 2\sqrt{2}x + 5$  に点  $(\frac{\sqrt{2}}{2}, 0)$  から2本の接線を引き、接点を  $x$  座標の小さいものから  $P, Q$  とする。

(1) 接点  $P$  の  $x$  座標を  $\alpha$ 、接点  $Q$  の  $x$  座標を  $\beta$  とするとき、  
 $\alpha + \beta = \sqrt{\text{ア}}$ 、 $\alpha\beta = -\text{イ}$  である。◎

(2) 放物線の方程式を  $y = f(x)$ 、直線  $PQ$  の方程式を  $y = g(x)$  として、関数  $h(x) = f(x) - g(x)$  で定める。関数  $h(x)$  は、  
 $x = \frac{\sqrt{\text{ウ}}}{\text{エ}}$  で、最大値  $\frac{\text{オ}}{\text{カ}}$  をとる。□

(3) 線分  $PQ$  と放物線で囲まれる図形の面積は、  
 $\frac{\text{キ}}{\text{ク}} \sqrt{\text{ケ}}$ 、  
 $\frac{\text{ク}}{\text{コ}}$  である。◎

コレに関して、次のページ見て!!

もうメツツツチャ重要!!

[2]

(1) 半径2の円に内接している△ABCにおいて辺  $AB = c$ 、 $BC = a$ 、 $CA = b$ 、 $\angle ABC = \frac{2}{3}\pi$  とする。◎

(i)  $b = \sqrt{\text{ア}}$ 、 $\text{イ}$  である。

(ii)  $a+c$  の最大値は  $\sqrt{\text{ウ}}$  であり、そのときの  $\angle BAC = \frac{\text{エ}}{\text{オ}}$  rad である。◎

(2)

(i) 整式  $x^3 + 2x^2 + 3x + 9$  を整式  $x^2 + \text{カ}$  で割った余りは、  
 $\text{キ}x + \text{ク}$  である。◎

(ii) 方程式  $x^3 + 2x^2 + 3x + 9 = 0$  の実数解を  $\alpha$  とするとき、 $\alpha^3 - \alpha^2 = \frac{\text{ケ}}{\text{コ}}$  である。◎

[3]

(1) 数列  $\{a_n\}$  の初項から第  $n$  項までの和  $S_n$  は、 $S_n = 2n^2 + 3n$  である。このとき、数列  $\{a_n\}$  の一般項は、 $a_n = \text{ア}n + \text{イ}$  である。◎

$$\sum_{k=1}^n a_{4k-3} = \text{ウ}n^2 - \text{エ}$$

である。

(2)

3つのサイコロ A, B, C を投げて出た目の数をそれぞれ  $a, b, c$  とする。

(i)  $a < b < c$  となる確率は  $\frac{\text{オ}}{\text{カキ}}$  である。◎

(ii)  $a \leq b \leq c$  となる確率は  $\frac{\text{ク}}{\text{ケコ}}$  である。◎

(iii)  $a, b, c$  の最小値が3である確率は  $\frac{\text{サシ}}{\text{スセソ}}$  である。◎

[4]

(1)

$(\log_3 x)^2 + (\log_3 y)^2 = 2$  のとき、 $xy$  のとり得る値の範囲は

$$\frac{\text{ア}}{\text{イ}} \leq xy \leq \text{ウ}$$

となる。◎

(2) 記述問題

不等式  $\log_2(y-1) + \log_2 2 < \log_2 8 + 1$

の表す領域を記述解答用紙の座標平面上に図示しなさい。

その際、領域には斜線を引き、境界線が含まれるか、含まれないかについて明記すること。また、境界線となる図形の方程式をもれなく記入すること。

| 年度   | 番号  | 項目  | 内容  |
|------|-----|-----|---|
| 2024 | 数学① | [1] | 微・積分法 放物線と直線、囲まれた領域の面積                          |
|      |     | [2] | 小問 2問 (1)正弦定理、2辺の和の最大値 (2)多項式の割り算、方程式の解         |
|      |     | [3] | 小問 2問 (1)数列と和 (2)場合の数と確率                        |
|      |     | [4] | 小問 2問 (1)対数関数の等式 (2)対数関数の不等式 ◎図示                |
| 2024 | 数学② | [1] | 小問 2問 (1)放物線と接線によって囲まれた領域の面積、直線のなす角 (2)定積分と微分法  |
|      |     | [2] | 三角関数 置き換えにより2次関数になる三角関数の最大値・最小値                 |
|      |     | [3] | 指数関数 連立指数方程式                                    |
|      |     | [4] | 図形と方程式 軌跡と方程式 ◎図示                               |
| 2023 | 数学① | [1] | 小問 2問 (1)接線の方程式 (2)3次関数の決定                      |
|      |     | [2] | 小問 2問 (1)連立三角方程式 (2)三角不等式                       |
|      |     | [3] | 小問 2問 (1)さいころの目の確率 (2)約数の個数                     |
|      |     | [4] | 小問 2問 (1)3次関数の最大値と最小値 (2)対数の計算                  |
| 2023 | 数学② | [1] | 小問 2問 (1)定積分関数 (2)2つの放物線が交点をもつ条件                |
|      |     | [2] | 小問 2問 (1)球面の方程式、点と平面の距離 (2)三角関数                 |
|      |     | [3] | 小問 2問 (1)群数列、数列の和 (2)同じ色の玉を取り出す確率               |
|      |     | [4] | 小問 2問 (1)2次方程式が異なる2つの整数解をもつ条件 (2)対数関数の実数解の個数    |
| 2022 | 数学① | [1] | 微・積分法 3次関数のグラフと接線で囲まれた図形の面積                     |
|      |     | [2] | 小問 3問 (1)三角関数の和と積 (2)数直線上を動く点の確率 (3)さいころの目の積の確率 |
|      |     | [3] | 小問 2問 (1)3次方程式の正の実数解 (2)二等辺三角形の外接円の半径           |
|      |     | [4] | 小問 2問 (1)不定方程式の正の整数解 (2)領域内における格子点の個数           |
| 2022 | 数学② | [1] | 微・積分法 (1)放物線と直線で囲まれた部分の面積 (2)定積分で表された関数         |
|      |     | [2] | 小問 2問 (1)三角関数の最大値と最小値 (2)整式の除法の恒等式              |
|      |     | [3] | 確率 ランプが赤か青に点灯する確率                               |
|      |     | [4] | 図形と方程式 円と共有点をもつ直線のY切片の最大値と最小値                   |

① 小問 ばっかり!!

でも2024に「図示しなさい」(記述)

が出たので注意!!

② 頻出の「微積分(数II)」、「三角関数」

この2単元を潰せば約50%はとれる!!

日東駒専、MARCHレベルの小問、大問はやってみよう!!

「落とせない必須101題 ハイレベル」 コレに載せてある

# 「面積公式①～⑥」絶対に出る!!

入試直前にコレを見て!!

2024年に出題

2020年に出題

2022, 2024年に出題

よく頑張りました、正解だよ!  
やったー!  
そしたら、覚えてほしい面積公式がいくつかあるんだ。まず、185ページでも出てきたやつだけだよ。

面積公式①

$$S = \frac{|a|}{6} (\beta - \alpha)^3$$

放物線と直線で囲まれた部分を求めるための公式。放物線の方程式の  $x^2$  の係数  $a$  と直線との交点の  $x$  座標  $\alpha$  と  $\beta$  で、すぐに面積が求められるよ。

次は、2本の放物線で囲まれた部分を求めるための公式。

面積公式②

$$S = \frac{|a-b|}{6} (\beta - \alpha)^3$$

さらに、1本の放物線と2本の接線で囲まれた部分の面積を求めるための公式。

面積公式③

$$S = \frac{|a|}{12} (\beta - \alpha)^3$$

あ! 今回の問題で使うのはこれですね!

そうそう、そうだよ~。次が、2本の放物線と1本の共通接線で囲まれた部分を求めるための方式ね。

面積公式④

$$S = \frac{|a|}{12} (\beta - \alpha)^3$$

面積公式③と面積公式④は、同じ式なんでね。

そう、同じ式だから覚えやすいよね。あと2つあって、まず、3次関数と接線で囲まれた部分の面積を求めるため

面積公式⑤

$$S = \frac{|a|}{12} (\beta - \alpha)^4$$

最後が、4次関数と接線で囲まれた部分の面積を求めるための公式ね!

面積公式⑥

$$S = \frac{|a|}{30} (\beta - \alpha)^5$$

面積公式①～⑥まで、一気にきましたね。

一気にやったほうが関連性が見えて覚えやすいからね。これらの面積公式はどんどん使っていくんだけど、記述式で解答する場合、答案用紙には書かないほうがいいよ。面積公式①～⑥は「答えの確かめ」あるいは「マークシート形式で答えのみ求めればよいとき」だけにとどめてお

2021年に出題

合格するには何をどう勉強したらいいのかわかる?  
大学入試 数学 落とせない 必須101題  
最大の合格最低点を狙えるには、小問完答がマストだぞ!  
医学部・早慶・GMARCH 進路におすす

- ① レギュラー授業(集団, 個別)で、基礎学力完成!! 計算力向上!!
- ② 「落とせない必須101題」でアウトプットの演習!!
- ③ 過去問演習, メディカルオリジナル予想問題で勉強会!!
- ④ 冬期に「落とせない医学部102題」で得点力向上!!

絶対に落とせない 医学部 102題  
「ハイレベル」～問題編～  
東京メディカル学院